

## Calcul intégral : intégration par parties.

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx =$$

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \underbrace{x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx =$$

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx =$$

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx =$$

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx = \frac{1}{2} \int u'(x) e^{u(x)} dx =$$

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx = \frac{1}{2} \int u'(x) e^{u(x)} dx = \frac{1}{2} e^{u(x)} =$$



Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx = \frac{1}{2} \int u'(x) e^{u(x)} dx = \frac{1}{2} e^{u(x)} = \frac{1}{2} \times e^{x^2+1}$$

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx = \frac{1}{2} \int u'(x) e^{u(x)} dx = \frac{1}{2} e^{u(x)} = \frac{1}{2} \times e^{x^2+1}$$

Elle repose sur la possibilité de faire « **sortir** »  $\frac{1}{2}$  de l'intégral,

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx = \frac{1}{2} \int u'(x) e^{u(x)} dx = \frac{1}{2} e^{u(x)} = \frac{1}{2} \times e^{x^2+1}$$

Elle repose sur la possibilité de faire « **sortir** »  $\frac{1}{2}$  de l'intégral, qui est due à la

Revoyns l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx = \frac{1}{2} \int u'(x) e^{u(x)} dx = \frac{1}{2} e^{u(x)} = \frac{1}{2} \times e^{x^2+1}$$

Elle repose sur la possibilité de faire « **sortir** »  $\frac{1}{2}$  de l'intégral, qui est due à la



## Linéarité de l'intégrale

Etant données deux fonctions  $f$  et  $g$  et un **nombre** réel  $a$  :

$$\int a \times f(x) dx = a \times \int f(x) dx \quad \text{et} \quad \int (f(x) + g(x)) dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$$

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx = \frac{1}{2} \int u'(x) e^{u(x)} dx = \frac{1}{2} e^{u(x)} = \frac{1}{2} \times e^{x^2+1}$$

Elle repose sur la possibilité de faire « **sortir** »  $\frac{1}{2}$  de l'intégral, qui est due à la



## Linéarité de l'intégrale

Etant données deux fonctions  $f$  et  $g$  et un **nombre** réel  $a$  :

$$\int a \times f(x) dx = a \times \int f(x) dx \quad \text{et} \quad \int (f(x) + g(x)) dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$$

Intégrons :  $\int x e^{2x+1} dx = \int \underbrace{\quad}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{2x+1}^{u(x)}} dx$

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx = \frac{1}{2} \int u'(x) e^{u(x)} dx = \frac{1}{2} e^{u(x)} = \frac{1}{2} \times e^{x^2+1}$$

Elle repose sur la possibilité de faire « **sortir** »  $\frac{1}{2}$  de l'intégral, qui est due à la



## Linéarité de l'intégrale

Etant données deux fonctions  $f$  et  $g$  et un **nombre** réel  $a$  :

$$\int a \times f(x) dx = a \times \int f(x) dx \quad \text{et} \quad \int (f(x) + g(x)) dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$$

Intégrons :  $\int x e^{2x+1} dx = \int \underbrace{2}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{2x+1}^{u(x)}} dx$

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx = \frac{1}{2} \int u'(x) e^{u(x)} dx = \frac{1}{2} e^{u(x)} = \frac{1}{2} \times e^{x^2+1}$$

Elle repose sur la possibilité de faire « **sortir** »  $\frac{1}{2}$  de l'intégral, qui est due à la



## Linéarité de l'intégrale

Etant données deux fonctions  $f$  et  $g$  et un **nombre** réel  $a$  :

$$\int a \times f(x) dx = a \times \int f(x) dx \quad \text{et} \quad \int (f(x) + g(x)) dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$$

Intégrons : 
$$\int x e^{2x+1} dx = \int \frac{1}{2} x \times \underbrace{2}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{2x+1}^{u(x)}} dx$$

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx = \frac{1}{2} \int u'(x) e^{u(x)} dx = \frac{1}{2} e^{u(x)} = \frac{1}{2} \times e^{x^2+1}$$

Elle repose sur la possibilité de faire « **sortir** »  $\frac{1}{2}$  de l'intégral, qui est due à la



## Linéarité de l'intégrale

Etant données deux fonctions  $f$  et  $g$  et un **nombre** réel  $a$  :

$$\int a \times f(x) dx = a \times \int f(x) dx \quad \text{et} \quad \int (f(x) + g(x)) dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$$

Intégrons : 
$$\int x e^{2x+1} dx = \int \frac{1}{2} x \times \underbrace{2}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{2x+1}^{u(x)}} dx \neq \frac{1}{2} x \times \int \underbrace{2}_{u'(x)} e^{\overbrace{2x+1}^{u(x)}} dx$$



Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx = \frac{1}{2} \int u'(x) e^{u(x)} dx = \frac{1}{2} e^{u(x)} = \frac{1}{2} \times e^{x^2+1}$$

Elle repose sur la possibilité de faire « **sortir** »  $\frac{1}{2}$  de l'intégral, qui est due à la



### Linéarité de l'intégrale

Etant données deux fonctions  $f$  et  $g$  et un **nombre** réel  $a$  :

$$\int a \times f(x) dx = a \times \int f(x) dx \quad \text{et} \quad \int (f(x) + g(x)) dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$$

Intégrons : 
$$\int x e^{2x+1} dx = \int \frac{1}{2} x \times \underbrace{2}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{2x+1}^{u(x)}} dx \neq \frac{1}{2} x \times \int \underbrace{2}_{u'(x)} e^{\overbrace{2x+1}^{u(x)}} dx$$

La linéarité ne s'applique pas,

Revoyons l'une des techniques utilisées jusqu'à présent :

$$\int x e^{x^2+1} dx = \int \frac{1}{2} \times \underbrace{2x}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{x^2+1}^{u(x)}} dx = \frac{1}{2} \int u'(x) e^{u(x)} dx = \frac{1}{2} e^{u(x)} = \frac{1}{2} \times e^{x^2+1}$$

Elle repose sur la possibilité de faire « **sortir** »  $\frac{1}{2}$  de l'intégral, qui est due à la



## Linéarité de l'intégrale

Etant données deux fonctions  $f$  et  $g$  et un **nombre** réel  $a$  :

$$\int a \times f(x) dx = a \times \int f(x) dx \quad \text{et} \quad \int (f(x) + g(x)) dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$$

Intégrons : 
$$\int x e^{2x+1} dx = \int \frac{1}{2} x \times \underbrace{2}_{u'(x)} \times e^{\overbrace{2x+1}^{u(x)}} dx \neq \frac{1}{2} x \times \int \underbrace{2}_{u'(x)} e^{\overbrace{2x+1}^{u(x)}} dx$$

La linéarité ne s'applique pas, car  $\frac{1}{2}x$  n'est pas un nombre, donc une constante, mais une variable.

## VII. Intégration par parties.

**Rappel :**  $\int e^{2x+1} dx =$

## VII. Intégration par parties.

Rappel :  $\int e^{2x+1} dx = \frac{1}{2}e^{2x+1}$  car  $\int e^{ax+b} dx =$

## VII. Intégration par parties.

Rappel :  $\int e^{2x+1} dx = \frac{1}{2}e^{2x+1}$  car  $\int e^{ax+b} dx = \frac{1}{a}e^{ax+b}$

## VII. Intégration par parties.

Rappel :  $\int e^{2x+1} dx = \frac{1}{2}e^{2x+1}$  car  $\int e^{ax+b} dx = \frac{1}{a}e^{ax+b}$



**Formule d'intégration par parties :**

$$\int u'(x)v(x) dx =$$

## VII. Intégration par parties.

Rappel :  $\int e^{2x+1} dx = \frac{1}{2}e^{2x+1}$  car  $\int e^{ax+b} dx = \frac{1}{a}e^{ax+b}$



**Formule d'intégration par parties :**

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

ou

Rappel :  $\int e^{2x+1} dx = \frac{1}{2}e^{2x+1}$  car  $\int e^{ax+b} dx = \frac{1}{a}e^{ax+b}$



**Formule d'intégration par parties :**

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

ou

$$\int u(x)v'(x) dx =$$



Rappel :  $\int e^{2x+1} dx = \frac{1}{2}e^{2x+1}$  car  $\int e^{ax+b} dx = \frac{1}{a}e^{ax+b}$



**Formule d'intégration par parties :**

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

ou

$$\int u(x)v'(x) dx = u(x)v(x) - \int u'(x)v(x) dx$$



**Formule d'intégration par parties :**

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = \\ v(x) = \end{cases}$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \end{cases}$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases}$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u(x) = \end{cases}$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $$\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \end{cases}$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $$\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$$





### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $$\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases} \quad \text{soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx =$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $$\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $$\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$$\int x^2 e^{x+1} dx \text{ est plus compliqué à intégrer que } \int xe^{2x+1} dx :$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{2x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u(x)v'(x) dx$  où  $\begin{cases} u(x) = \end{cases}$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{2x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u(x)v'(x) dx$  où  $\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \end{cases}$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $$\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{2x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**

- $$\int xe^{2x+1} dx = \int u(x)v'(x) dx \text{ où } \begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = e^{2x+1} \end{cases}$$





### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $$\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{2x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**

- $$\int xe^{2x+1} dx = \int u(x)v'(x) dx \text{ où } \begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = e^{2x+1} \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \frac{1}{2}e^{2x+1} \end{cases}$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{2x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u(x)v'(x) dx$  où  $\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \frac{1}{2}e^{2x+1} \end{cases}$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $$\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{2x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**

- $$\int xe^{2x+1} dx = \int u(x)v'(x) dx \text{ où } \begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = e^{2x+1} \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \frac{1}{2}e^{2x+1} \end{cases}$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u(x)v'(x) dx$  où  $\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \frac{1}{2}e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u'(x)v(x) dx =$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{2x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u(x)v'(x) dx$  où  $\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \frac{1}{2}e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u'(x)v(x) dx = x \times \frac{1}{2}e^{2x+1} - \int$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{2x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u(x)v'(x) dx$  où  $\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \frac{1}{2}e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u'(x)v(x) dx = x \times \frac{1}{2}e^{2x+1} - \int 1 \times \frac{1}{2}e^{2x+1} dx$$

=



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{2x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**

- $\int xe^{2x+1} dx = \int u(x)v'(x) dx$  où  $\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = e^{2x+1} \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \frac{1}{2}e^{2x+1} \end{cases}$

$$= u(x)v(x) - \int u'(x)v(x) dx = x \times \frac{1}{2}e^{2x+1} - \int 1 \times \frac{1}{2}e^{2x+1} dx$$

$$= \frac{1}{2}xe^{2x+1} - \frac{1}{2} \int e^{2x+1} dx =$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

$$\bullet \int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{2x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**

$$\bullet \int xe^{2x+1} dx = \int u(x)v'(x) dx \text{ où } \begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = e^{2x+1} \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \frac{1}{2}e^{2x+1} \end{cases}$$

$$= u(x)v(x) - \int u'(x)v(x) dx = x \times \frac{1}{2}e^{2x+1} - \int 1 \times \frac{1}{2}e^{2x+1} dx$$

$$= \frac{1}{2}xe^{2x+1} - \frac{1}{2} \int e^{2x+1} dx = \frac{1}{2}xe^{2x+1} - \frac{1}{4}e^{2x+1} =$$





### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

1 Pour calculer  $\int xe^{2x+1} dx$  on a, d'après la formule d'intégration par parties, deux possibilités :

$$\bullet \int xe^{2x+1} dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = e^{2x+1} \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = 2e^{2x+1} \end{cases}$$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times e^{2x+1} - \int \frac{x^2}{2} \times 2e^{2x+1} dx$$

$\int x^2 e^{2x+1} dx$  est plus compliqué à intégrer que  $\int xe^{2x+1} dx$  : **Mauvais choix !**

$$\bullet \int xe^{2x+1} dx = \int u(x)v'(x) dx \text{ où } \begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = e^{2x+1} \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \frac{1}{2}e^{2x+1} \end{cases}$$

$$= u(x)v(x) - \int u'(x)v(x) dx = x \times \frac{1}{2}e^{2x+1} - \int 1 \times \frac{1}{2}e^{2x+1} dx$$

$$= \frac{1}{2}xe^{2x+1} - \frac{1}{2} \int e^{2x+1} dx = \frac{1}{2}xe^{2x+1} - \frac{1}{4}e^{2x+1} = \left(\frac{1}{2}x - \frac{1}{4}\right)e^{2x+1}$$



**Formule d'intégration par parties :**

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

- $\int x \ln(x) dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = \\ v(x) = \end{cases}$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

- $\int x \ln(x) dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \end{cases}$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

- $\int x \ln(x) dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases}$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

- $\int x \ln(x) dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u(x) = \end{cases}$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

- $\int x \ln(x) dx = \int u'(x)v(x) dx$  où  $\begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases}$  soit  $\begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \end{cases}$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

- $$\int x \ln(x) dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases}$$





### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\bullet \int x \ln(x) dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases}$$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx =$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\bullet \int x \ln(x) dx = \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases}$$

$$= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\begin{aligned} \bullet \int x \ln(x) dx &= \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \\ &= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx \\ &= \end{aligned}$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\begin{aligned} \bullet \int x \ln(x) dx &= \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \\ &= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx \\ &= \frac{x^2}{2} \ln(x) - \int \frac{x}{2} dx = \end{aligned}$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\begin{aligned} \bullet \int x \ln(x) dx &= \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \\ &= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx \\ &= \frac{x^2}{2} \ln(x) - \int \frac{x}{2} dx = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{1}{2} \times \frac{x^2}{2} = \end{aligned}$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\begin{aligned} \bullet \int x \ln(x) dx &= \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \\ &= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx \\ &= \frac{x^2}{2} \ln(x) - \int \frac{x}{2} dx = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{1}{2} \times \frac{x^2}{2} = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{x^2}{4} \end{aligned}$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\begin{aligned} \bullet \int x \ln(x) dx &= \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \\ &= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx \\ &= \frac{x^2}{2} \ln(x) - \int \frac{x}{2} dx = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{1}{2} \times \frac{x^2}{2} = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{x^2}{4} \end{aligned}$$

On a trouvé une primitive.



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\begin{aligned} \bullet \int x \ln(x) dx &= \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \\ &= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx \\ &= \frac{x^2}{2} \ln(x) - \int \frac{x}{2} dx = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{1}{2} \times \frac{x^2}{2} = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{x^2}{4} \end{aligned}$$

On a trouvé une primitive.

$$\bullet \int x \ln(x) dx =$$





### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\begin{aligned} \bullet \int x \ln(x) dx &= \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \\ &= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx \\ &= \frac{x^2}{2} \ln(x) - \int \frac{x}{2} dx = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{1}{2} \times \frac{x^2}{2} = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{x^2}{4} \end{aligned}$$

On a trouvé une primitive.

$$\bullet \int x \ln(x) dx = \int u(x)v'(x) dx \text{ où } \begin{cases} u(x) = \\ v'(x) = \end{cases}$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\begin{aligned} \bullet \int x \ln(x) dx &= \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \\ &= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx \\ &= \frac{x^2}{2} \ln(x) - \int \frac{x}{2} dx = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{1}{2} \times \frac{x^2}{2} = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{x^2}{4} \end{aligned}$$

On a trouvé une primitive.

$$\bullet \int x \ln(x) dx = \int u(x)v'(x) dx \text{ où } \begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \end{cases}$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\begin{aligned} \bullet \int x \ln(x) dx &= \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \\ &= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx \\ &= \frac{x^2}{2} \ln(x) - \int \frac{x}{2} dx = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{1}{2} \times \frac{x^2}{2} = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{x^2}{4} \end{aligned}$$

On a trouvé une primitive.

$$\bullet \int x \ln(x) dx = \int u(x)v'(x) dx \text{ où } \begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \ln(x) \end{cases}$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\begin{aligned} \bullet \int x \ln(x) dx &= \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \\ &= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx \\ &= \frac{x^2}{2} \ln(x) - \int \frac{x}{2} dx = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{1}{2} \times \frac{x^2}{2} = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{x^2}{4} \end{aligned}$$

On a trouvé une primitive.

$$\bullet \int x \ln(x) dx = \int u(x)v'(x) dx \text{ où } \begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u'(x) = \end{cases}$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\begin{aligned} \bullet \int x \ln(x) dx &= \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \\ &= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx \\ &= \frac{x^2}{2} \ln(x) - \int \frac{x}{2} dx = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{1}{2} \times \frac{x^2}{2} = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{x^2}{4} \end{aligned}$$

On a trouvé une primitive.

$$\bullet \int x \ln(x) dx = \int u(x)v'(x) dx \text{ où } \begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \end{cases}$$



### Formule d'intégration par parties :

$$\int u'(x)v(x) dx = u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx$$

2 Pour calculer  $\int x \ln(x) dx$  on a à nouveau deux possibilités :

$$\begin{aligned} \bullet \int x \ln(x) dx &= \int u'(x)v(x) dx \text{ où } \begin{cases} u'(x) = x \\ v(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \\ &= u(x)v(x) - \int u(x)v'(x) dx = \frac{x^2}{2} \times \ln(x) - \int \frac{x^2}{2} \times \frac{1}{x} dx \\ &= \frac{x^2}{2} \ln(x) - \int \frac{x}{2} dx = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{1}{2} \times \frac{x^2}{2} = \frac{x^2}{2} \ln(x) - \frac{x^2}{4} \end{aligned}$$

On a trouvé une primitive.

$$\bullet \int x \ln(x) dx = \int u(x)v'(x) dx \text{ où } \begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \ln(x) \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \text{????} \end{cases}$$

**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^{\pi} x \cos(x) dx$ .

**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^\pi x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = \\ v'(x) = \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = \\ v(x) = \end{cases}$$



**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^\pi x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = \\ v(x) = \end{cases}$$

**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^\pi x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \cos(x) \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = \\ v(x) = \end{cases}$$

**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^\pi x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \cos(x) \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \end{cases}$$

**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^\pi x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \cos(x) \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \sin(x) \end{cases}$$

**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^{\pi} x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \cos(x) \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \sin(x) \end{cases}$$

$$\int_0^{\pi} x \cos(x) dx =$$

**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^\pi x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \cos(x) \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \sin(x) \end{cases}$$

$$\int_0^\pi x \cos(x) dx = [x \sin(x)]_0^\pi - \int_0^\pi 1 \times \sin(x) dx$$

**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^{\pi} x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \cos(x) \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \sin(x) \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \int_0^{\pi} x \cos(x) dx &= [x \sin(x)]_0^{\pi} - \int_0^{\pi} 1 \times \sin(x) dx \\ &= \end{aligned}$$

**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^\pi x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \cos(x) \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \sin(x) \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \int_0^\pi x \cos(x) dx &= [x \sin(x)]_0^\pi - \int_0^\pi 1 \times \sin(x) dx \\ &= [x \sin(x)]_0^\pi - [-\cos(x)]_0^\pi \end{aligned}$$



**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^{\pi} x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \cos(x) \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \sin(x) \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \int_0^{\pi} x \cos(x) dx &= [x \sin(x)]_0^{\pi} - \int_0^{\pi} 1 \times \sin(x) dx \\ &= [x \sin(x)]_0^{\pi} - [-\cos(x)]_0^{\pi} \\ &= \end{aligned}$$

**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^{\pi} x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \cos(x) \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \sin(x) \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \int_0^{\pi} x \cos(x) dx &= [x \sin(x)]_0^{\pi} - \int_0^{\pi} 1 \times \sin(x) dx \\ &= [x \sin(x)]_0^{\pi} - [-\cos(x)]_0^{\pi} \\ &= [x \sin(x) + \cos(x)]_0^{\pi} \end{aligned}$$

**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^{\pi} x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \cos(x) \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \sin(x) \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \int_0^{\pi} x \cos(x) dx &= [x \sin(x)]_0^{\pi} - \int_0^{\pi} 1 \times \sin(x) dx \\ &= [x \sin(x)]_0^{\pi} - [-\cos(x)]_0^{\pi} \\ &= [x \sin(x) + \cos(x)]_0^{\pi} \\ &= \end{aligned}$$

**Exercice n° 1** : Calcule  $\int_0^\pi x \cos(x) dx$ .

$$\begin{cases} u(x) = x \\ v'(x) = \cos(x) \end{cases} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} u'(x) = 1 \\ v(x) = \sin(x) \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \int_0^\pi x \cos(x) dx &= [x \sin(x)]_0^\pi - \int_0^\pi 1 \times \sin(x) dx \\ &= [x \sin(x)]_0^\pi - [-\cos(x)]_0^\pi \\ &= [x \sin(x) + \cos(x)]_0^\pi \\ &= [\pi \sin(\pi) + \cos(\pi)] - [0 \sin(0) + \cos(0)] = -1 - 1 = -2 \end{aligned}$$